

1.	
2.	
3.	
4.	
$\Sigma$	

### Прва провера знања из Основа електротехнике I

Име и презиме: \_\_\_\_\_

Број индекса: \_\_\_\_\_

*Напомена: На овом делу испита имате четири групе питања. Тачан одговор на свако питање из прве групе вреди 4 поена (укупно 20 поена), из друге групе 7 поена (укупно 35 поена), из треће групе 10 поена (укупно 30 поена) и из четврте групе 15 поена.*

### I ГРУПА

1. Написати израз за потенцијал тачкастог наелектрисања  $Q$  на растојању  $r$  у вакууму.
2. Написати израз за капацитивност равног кондензатора са хомогеним диелектриком релативне диелектричне константе  $\epsilon_r$ .
3. Написати израз за енергију електростатичког поља кондензатора капацитивности  $C$  оптерећеног количином елекtriцитета  $Q$ .
4. Написати израз за еквивалентну капацитивност редне везе три кондензатора,  $C_1$ ,  $C_2$  и  $C_3$ .
5. Написати израз за вектор електричне индукције на растојању  $r$  ( $r \geq a$ ) од центра усамљене сфере полуупречника  $a$  оптерећене количином елекtriцитета  $Q$ .

1. \_\_\_\_\_

2. \_\_\_\_\_

3. \_\_\_\_\_

4. \_\_\_\_\_

5. \_\_\_\_\_

### II ГРУПА

- 2.1. Тачкасто оптерећење  $Q$  у вакууму ствара у тачки A, чији је вектор положаја у односу на оптерећење  $\vec{r}$ , електрично поље:

$$* E = \frac{|Q|}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r} \quad * \vec{E} = k_0 \frac{|Q|}{r^2} \hat{r} \quad * \vec{E} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^3} \vec{r} \quad * \vec{E} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{r} \quad * \vec{E} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^3} \hat{r}$$

- 2.2. Генералисани Гаусов закон гласи:

$$* \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = 0 \quad * \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = \Sigma Q_v \quad * \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = \Sigma Q \quad * \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = \frac{\Sigma Q_v}{\epsilon_0} \quad * \oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = \frac{\Sigma Q}{\epsilon_0}$$

- 2.3. Капацитивност сферног ваздушног кондензатора је  $C_0$ . Ако се цео међуелектродни простор испуни хомогеним диелектриком диелектричне константе  $\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$  капацитивност тако добијеног кондензатора је:

$$* C = \epsilon_r C_0 \quad * C = \epsilon C_0 \quad * C = C_0 \quad * C = C_0 / \epsilon_r \quad * C = C_0 / \epsilon$$

- 2.4. Неограничено дуг проводни цилиндар полуупречника  $a$  налази се у хомогеном диелектрику диелектричне константе  $\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$  и наелектрисан је наелектрисањем сталне подужне густине  $q'$ . Вектор електричног поља на површини цилиндра је:

$$* \vec{E} = \frac{q'}{\epsilon_0 \epsilon_r} \hat{n} \quad * \vec{E} = \frac{q'}{\epsilon_r} \hat{n} \quad * \vec{E} = \frac{\eta}{\epsilon_0 \epsilon_r} \hat{n} \quad * \vec{E} = \frac{\eta}{\epsilon_r} \hat{n} \quad * \vec{E} = \frac{q'}{a^2 \pi \epsilon_0 \epsilon_r} \hat{n}$$

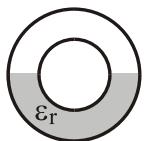
- 2.5. Између вектора електричног поља, вектора јачине поларизације и вектора електричне индукције постоји веза:

$$* \vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \quad * \vec{D} = \vec{E} + \vec{P} \quad * \vec{D} = \frac{\vec{E}}{\epsilon_0} + \vec{P} \quad * \vec{D} = \frac{\vec{P}}{\epsilon_0} + \vec{E} \quad * \vec{D} = \vec{\epsilon}_0 \times \vec{E} + \vec{P}$$

### III ГРУПА

3.1. Рад сила поља при пребацивању позитивног оптерећења из тачке А у тачку В у електричном пољу:

- \* је увек позитиван
- \* је позитиван само у случају када је тачка В на нижем потенцијалу од тачке А
- \* не зависи од путање по којој се пребацује наелектрисање већ само од положаја референтне тачке
- \* је већи уколико је пут између тачака А у В дужи
- \* је позитиван само у случају када је тачка А на нижем потенцијалу од тачке В



3.2. У сферни ваздушни кондензатор се до половине налије уље релативне диелектричне константе  $\epsilon_r$ . Капацитивност кондензатора се:

- \* повећа  $\epsilon_r$  пута      \* смањи  $\epsilon_r$  пута
- \* повећа      \* смањи      \* смањи  $\epsilon_r/2$  пута

3.3. Раван кондензатор капацитивности  $C$  оптерећен је сталном количином електрицитета  $Q$ . Електроде кондензатора се размичу под дејством стране силе. При томе:

- \* напон између електрода кондензатора опада
- \* поље између електрода кондензатора опада
- \* енергија кондензатора опада
- \* сила између електрода кондензатора опада
- \* напон између електрода кондензатора расте

### IV ГРУПА

На примеру равног кондензатора са диелектриком диелектричне константе  $\epsilon$ , оптерећеног количином електрицитета  $Q$ , извести израз за густину енергије електростатичког поља.